

---

# DIE VERWENDUNG VORAUSBERECHNETER DREIECKS-CLUSTER FÜR BESCHLEUNIGTES RAYTRACING IN DYNAMISCHEN SZENEN

Seminarvortrag im Seminar Computergrafik

20.12.2011

---

Simon Schütz

Fakultät für Physik

Universität Göttingen

[simon.schuetz@stud.uni-goettingen.de](mailto:simon.schuetz@stud.uni-goettingen.de)

---

# ABLAUF

---

- Einführung
  - Raytracing in dynamischen Szenen
- Räumlich sortierende Datenstrukturen
  - Bounding Volume Hierarchy
  - Oberflächenheuristik
- Beschleunigungsalgorithmus
  - Heuristik zum Clustern von Dreiecken
  - Erzeugung von Clustern
- Ergebnisse
  - Bestimmung der idealen Clustergröße
  - Vergleich mit Referenzmodellen

---

# ABLAUF

---

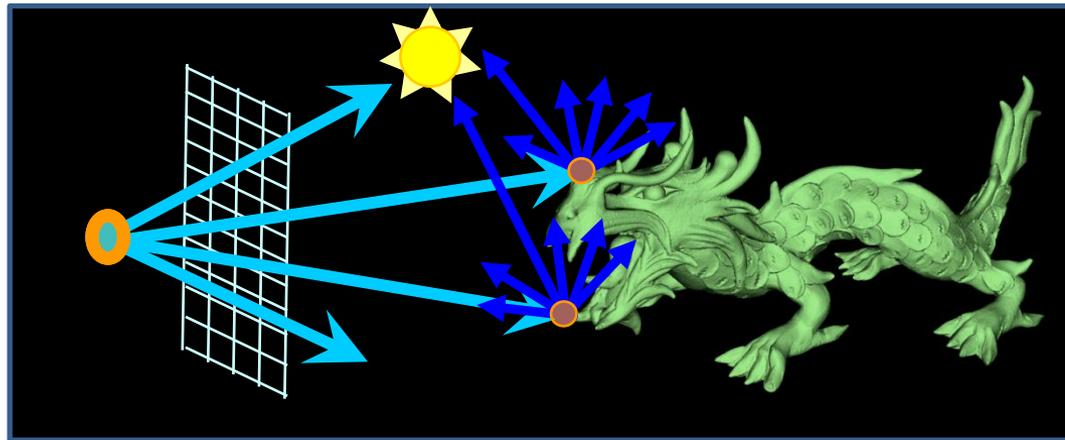
- Einführung
  - Raytracing in dynamischen Szenen
- Räumlich sortierende Datenstrukturen
  - Bounding Volume Hierarchy
  - Oberflächenheuristik
- Beschleunigungsalgorithmus
  - Heuristik zum Clustern von Dreiecken
  - Erzeugung von Clustern
- Ergebnisse
  - Bestimmung der idealen Clustergröße
  - Vergleich mit Referenzmodellen

# Einführung

## Raytracing in dynamischen Szenen

Ablauf beim Raytracing

- Strahl wird in Szene geschickt
- Bei Kollision mit Objekt wird Farbe (Beleuchtung) berechnet
- Dazu möglicherweise Aussendung von Sekundärstrahlen (Spiegel/diffuse Streuung)



Quelle: [2]

# Einführung

## Raytracing in dynamischen Szenen

Beschleunigung der Kollisionserkennung

- Räumlicher Suchbaum der Objekte
- Muss in statischen Szenen nur einmal aufgebaut werden, kann dann mit unterschiedlichen Kamerapositionen/Beleuchtungen wiederverwendet werden
- Problem in animierten Szenen: Räumliche Anordnung verändert sich
  - Baum für jeden Frame neu aufbauen: teuer
  - Baum behalten und aktualisieren: kompliziert, nur bei bestimmten Animationen möglich

---

# ABLAUF

---

- Einführung
  - Raytracing in dynamischen Szenen
- Räumlich sortierende Datenstrukturen
  - Bounding Volume Hierarchy
  - Oberflächenheuristik
- Beschleunigungsalgorithmus
  - Heuristik zum Clustern von Dreiecken
  - Erzeugung von Clustern
- Ergebnisse
  - Bestimmung der idealen Clustergröße
  - Vergleich mit Referenzmodellen

# Räumlich sortierende Datenstrukturen

## Bounding Volume Hierarchy (BVH)

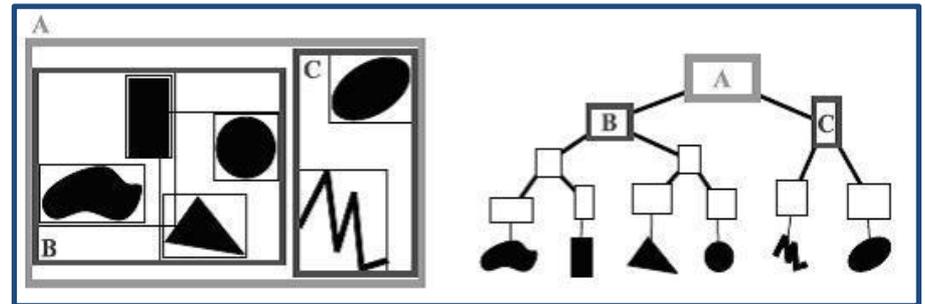
- Binärer Baum
  - Hierarchie von Bounding Boxes
  - Innere Knoten sind ausgerichtete Quader
  - Daten in den Blättern gespeichert

### ■ Aufbau

- Mindestens  $O(n \log n)$
- Heuristik optimiert Anordnung

### ■ Auswertung

- Traversierung entlang des Strahls
- Nur geschnittene Blätter müssen auf Kollision geprüft werden



Quelle: [5]

# Räumlich sortierende Datenstrukturen

## Oberflächenheuristik (Surface Area Heuristic, SAH)

- Ziel: BVH so schachteln, dass möglichst kleine Bounding Boxes entstehen
- Annahme: Strahlen laufen in alle Richtungen
  - Dann gilt: Wahrscheinlichkeit  $P_{hit}(X)$ , dass Volumen  $X$  getroffen wird, wächst proportional zu seiner Oberfläche  $SA(X)$
  - Bei Aufteilung von Volumen  $X$  in Teilvolumen  $Y_1, Y_2 \subset X$  (wobei  $Y_1 \cup Y_2$  alle Dreiecke in  $X$  enthält) ist die Wahrscheinlichkeit, dass Volumen  $Y_i$  getroffen wird, wenn der Strahl  $X$  trifft, gegeben durch:  $P_{hit}(Y_i|X) = \frac{SA(Y_i)}{SA(X)}$
  - Gewichtung der Trefferwahrscheinlichkeiten nach Anzahl der in den Teilvolumen befindlichen Dreiecke ergibt die Kosten, die für eine Traversierung bei der Unterteilung von  $X$  in  $Y_1$  und  $Y_2$  anfallen
  - Unterteilung mit niedrigsten Kosten ist am besten

---

# ABLAUF

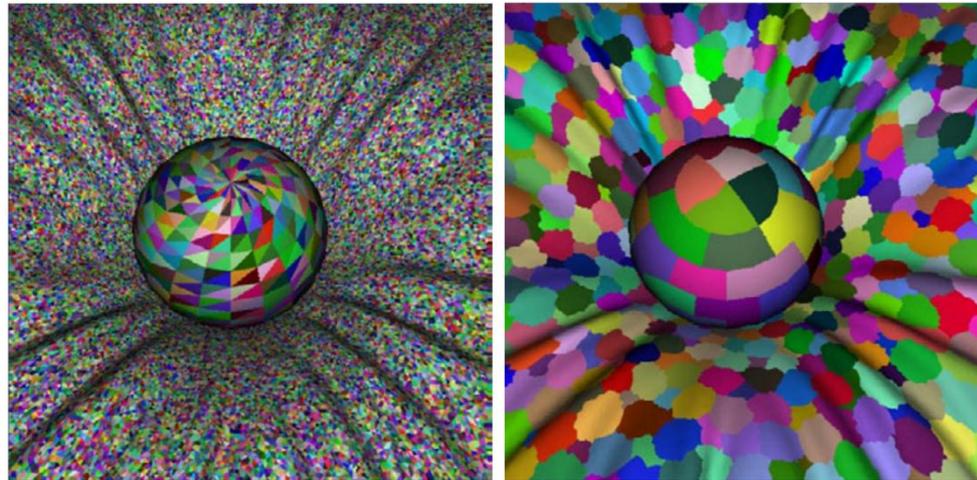
---

- Einführung
  - Raytracing in dynamischen Szenen
- Räumlich sortierende Datenstrukturen
  - Bounding Volume Hierarchy
  - Oberflächenheuristik
- Beschleunigungsalgorithmus
  - Heuristik zum Clustern von Dreiecken
  - Erzeugung von Clustern
- Ergebnisse
  - Bestimmung der idealen Clustergröße
  - Vergleich mit Referenzmodellen

# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

- Idee: BVH wird schneller aufgebaut, wenn weniger Objekte sortiert werden müssen
- Umsetzung: Fasse benachbarte Dreiecke in Dreiecksnetzen zu Clustern zusammen, die jeweils eine kleine Bounding Box haben
- Annahme: In Animationen bleiben Ausmaße der Cluster nahezu unverändert

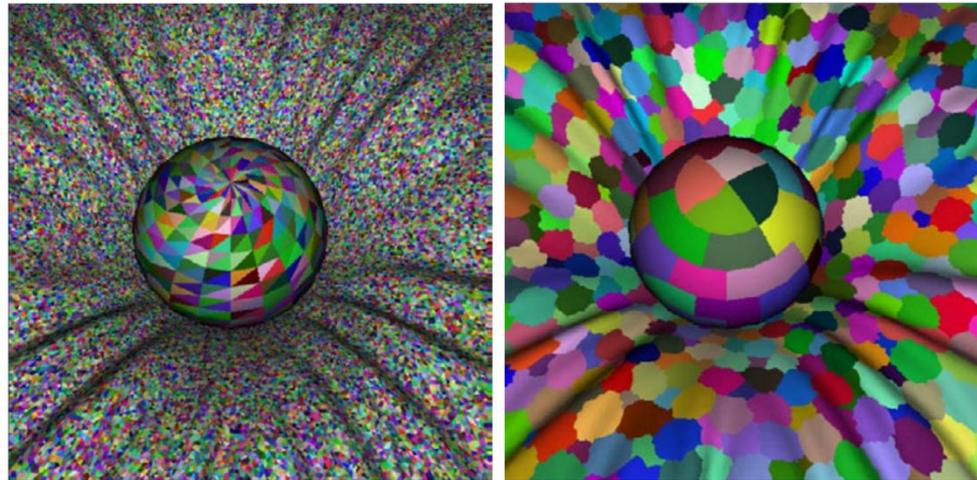


Quelle: [1]

# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

- Kriterien bei der Wahl der Cluster
  - Form soll rund oder sphärisch sein
  - Konnektivität des Dreiecksnetzes soll hoch sein
  - Gleichmäßige geometrische Abmessungen und Zahl der Vertizes

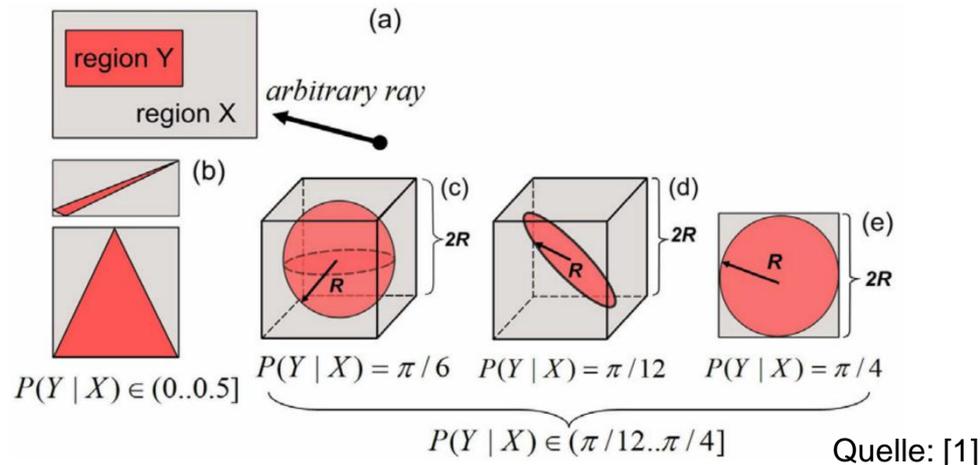


Quelle: [1]

# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

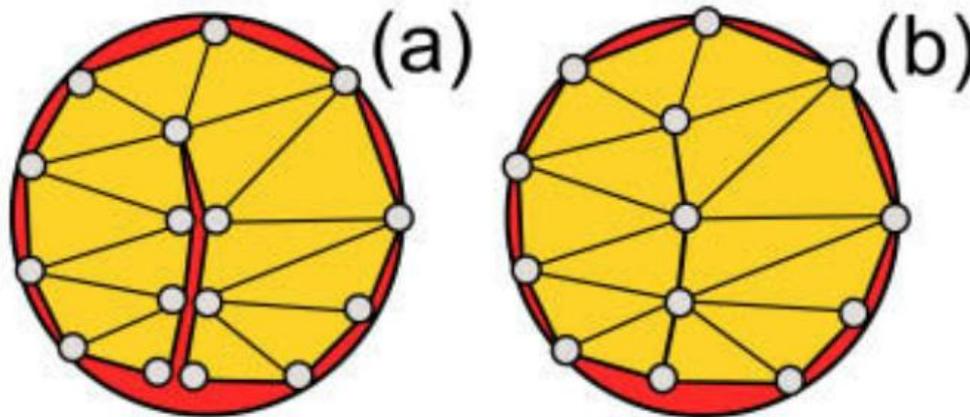
- Motivation für runde/sphärische Form: Maximiere(!)  $P_{hit}(Y|X)$  für Form  $Y$  in Bounding Box  $X$ :
  - Wenn Box ausgewertet wird, soll das Ergebnis ein Treffer sein, damit die Traversierung enden kann
  - Für beliebige Dreiecke:  $P(Y|X) \leq 0.5$
  - Für Kugeln und Kreise: Im Mittel höhere Trefferwahrscheinlichkeit



# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

- Motivation für hohe Konnektivität des Dreiecksnetzes: Im Verlauf der Animation werden einige Kanten verzerrt
  - Bei eng verbundenen Clustern ist die Verzerrung eher gleichmäßig
  - Lose verbundene Cluster können auch „auseinanderklappen“ und wesentlich größer werden

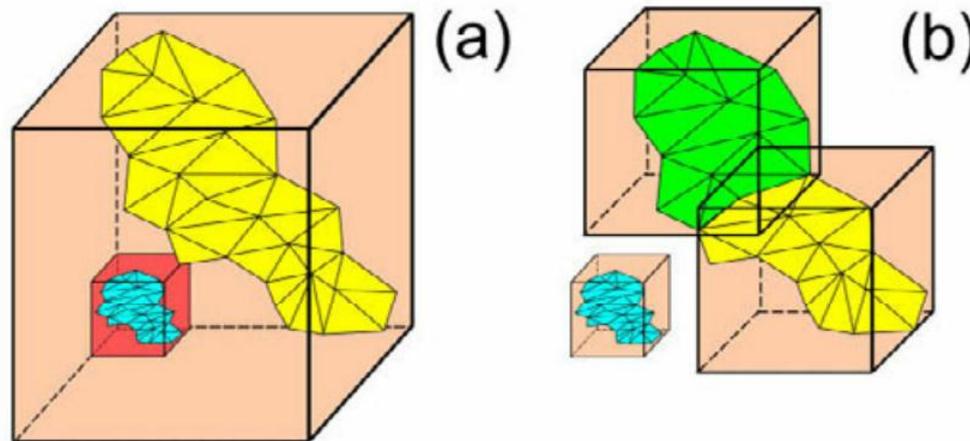


Quelle: [1]

# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

- Motivation für gleichmäßige Abmessungen: Sehr große Cluster haben auch große Bounding Boxes, die in der BVH-Struktur für Mehraufwand sorgen
  - Ein großer Cluster wird durch Bounding Box weniger genau approximiert als mehrere kleine Cluster
  - Überlappende Bounding Boxes erzeugen Mehraufwand



Quelle: [1]

# Beschleunigungsalgorithmus

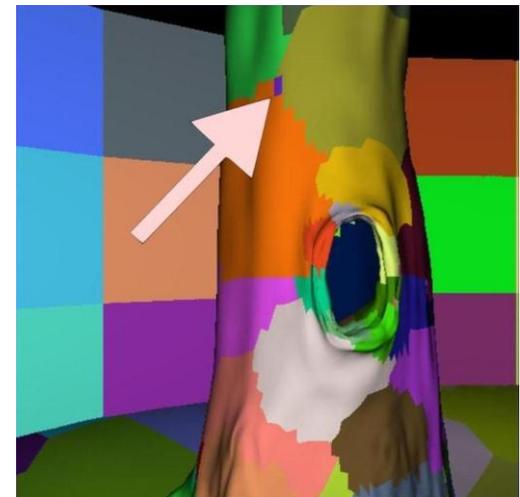
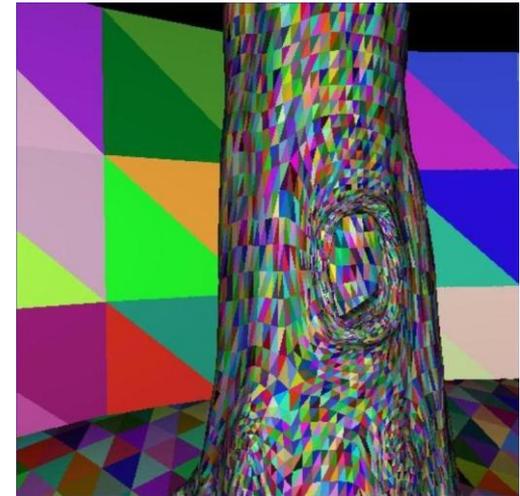
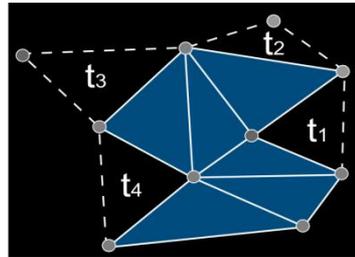
## Erzeugen von Clustern

- Zwei Methoden zur Aufteilung eines Dreiecksnetzes in Cluster
  - Iteratives Wachstum
  - Iterative Kontraktion
- Basieren auf Funktion  $Acc(k)$  für ein Cluster  $k$ , deren Wert umso höher ist, je besser das Cluster die Bedingungen (runde Form, hohe Konnektivität, beschränkte Ausmaße) erfüllt
- Weitere Methoden sind denkbar. Methoden sind je nach Aufbau der Szene unterschiedlich gut geeignet.

# Beschleunigungsalgorithmus Erzeugen von Clustern

## Iteratives Wachstum

- Starte mit einem Dreieck  $d_0$  als Startcluster  $k = d_0$ . Füge diesem Cluster solange immer denjenigen Nachbarn  $d_n$  zu, der das maximale  $Acc(k + d_n)$  erzeugt, bis  $Acc(k + d_n) < 0 \forall d_n$ .
- Geringe Laufzeit
- Die ersten Cluster sind sehr gut; spätere Cluster werden zunehmend schlechter



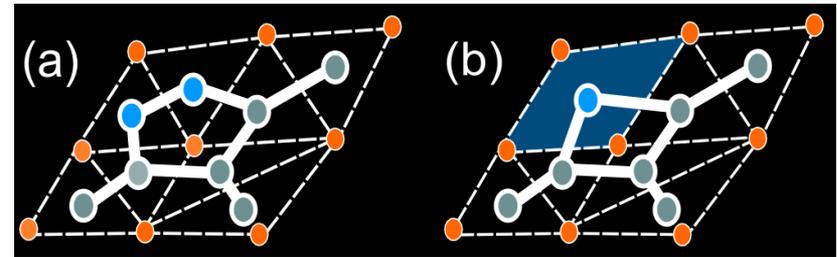
Quellen: [2]

# Beschleunigungsalgorithmus

## Erzeugen von Clustern

### Iterative Kontraktion

- Betrachte die Dreiecke als Cluster  $c_i$ . Berechne für alle benachbarten Cluster  $c_i, c_j$  den Wert  $Acc(c_i + c_j)$ . Finde das  $(i, j)$  mit dem höchsten Wert und verschmelze diese zu einem gemeinsamen Cluster. Iteriere, bis  $Acc(c_i + c_j) < 0 \forall (i, j)$ .
  - Hoher Speicherbedarf
  - Clusterkanten sind weniger regelmäßig, aber alle Cluster sind ähnlich gut aufgebaut



Quellen: [2]

---

# ABLAUF

---

- Einführung
  - Raytracing in dynamischen Szenen
- Räumlich sortierende Datenstrukturen
  - Bounding Volume Hierarchy
  - Oberflächenheuristik
- Beschleunigungsalgorithmus
  - Heuristik zum Clustern von Dreiecken
  - Erzeugung von Clustern
- Ergebnisse
  - Bestimmung der idealen Clustergröße
  - Vergleich mit Referenzmodellen

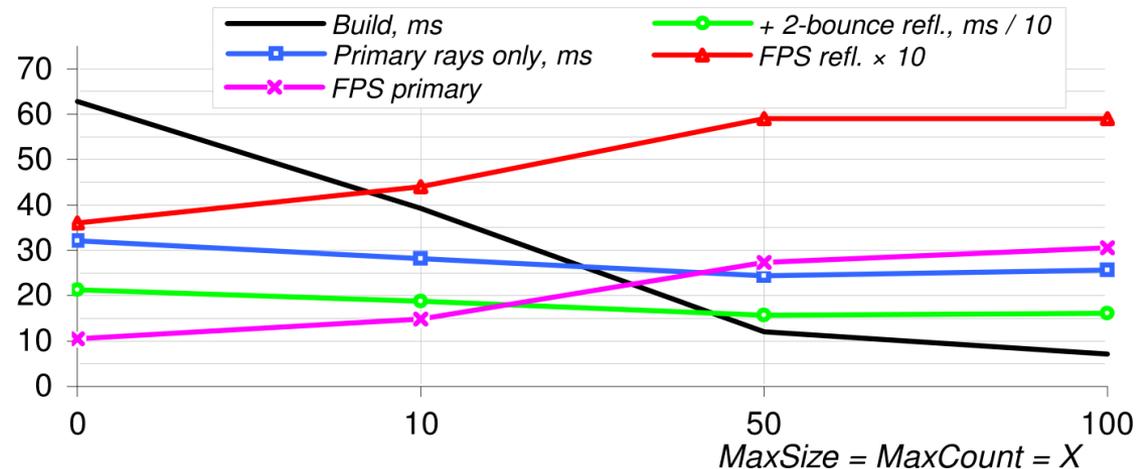
# Ergebnisse

## Bestimmung der idealen Clustergröße

- Kriterium „gleichmäßige Abmessungen“ benötigt gewünschte Zahl der Vertices pro Cluster
- Tests ergeben: Bei 50 Vertices pro Cluster arbeitet BVH-Auswertung am schnellsten



Quelle: [2]

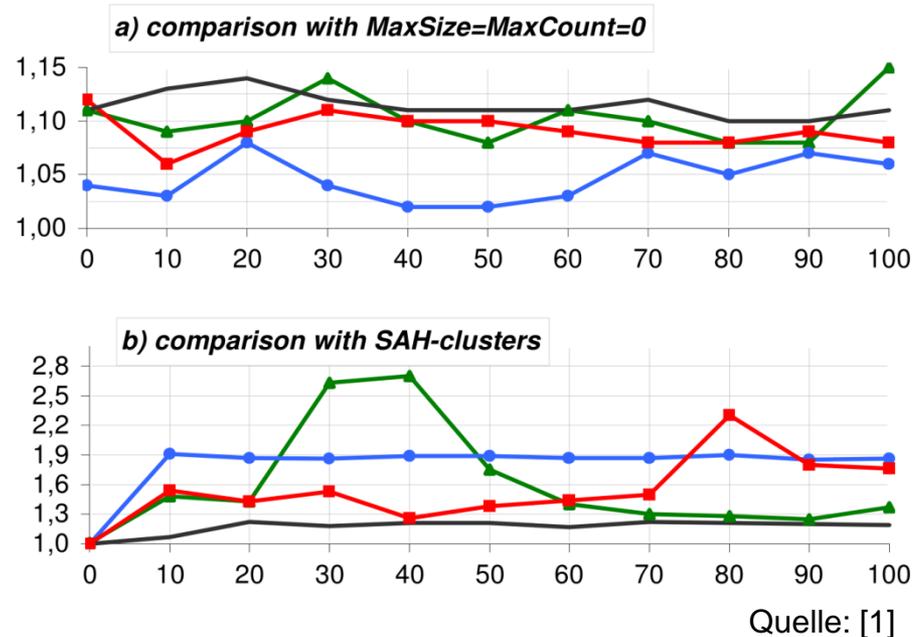


Quelle: [1]

# Ergebnisse

## Vergleich mit Referenzmodellen

- Vergleich der Bildrate bei Animation über 100 Frames mit 4 verschiedenen Animationen
- Standardansatz: BVH-Baum mit einem Dreieck pro Blatt
  - Neues Modell um bis zu 15% schneller
- SAH-Clustering: Cluster werden auf Basis der Oberflächenheuristik gebildet
  - Im ersten Frame vergleichbar; danach ist neues Modell teilw. doppelt so schnell



# Ergebnisse

## Verbesserungsansätze

Folgende Verbesserungen sind noch angedacht oder möglich:

- Aktualisierung der Clusterstruktur durch Umgruppierung von Dreiecken während der Animation
- Behandlung von Situationen, in denen Indizierung oder Konnektivität der Dreiecksnetze sich im Lauf der Animation ändert
- Nutzung verbesserter BVH-Algorithmen oder anderer Datenstrukturen

# Quellen

- [1] Kirill Garanzha. The use of precomputed triangle clusters for accelerated ray tracing in dynamic scenes. *Computer Graphics Forum*, 28:1199–1206, 2009. doi: 10.1111/j.1467-8659.2009.01497.x.
- [2] Kirill Garanzha. Vortrag: The use of precomputed triangle clusters for accelerated ray tracing in dynamic scenes. 20-th Eurographics Symposium on Rendering, 2009. URL <http://garanzha.com/Documents/UPTC-ART-DS.ppt>.
- [3] Michael Garland, Andrew Wilmott, and Paul S. Heckbert. Hierarchical face clustering on polygonal surfaces. *Proc. of the Symposium of Interactive 3D Graphics*, 2001.
- [4] Johannes Günther, Heiko Friedrich, Ingo Wald, Hans-Peter Seidel, and Philipp Slusallek. Ray tracing animated scenes using motion decomposition. *Eurographics*, 25:3, 2006.
- [5] Houjun8022. Example of bounding volume hierarchy, December 2009. URL [http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Example\\_of\\_bounding\\_volume\\_hierarchy.JPG](http://commons.wikimedia.org/wiki/File:Example_of_bounding_volume_hierarchy.JPG).
- [6] I. Wald, W. Mark, J. Günther, S. Boulos, T. Ize, W. Hunt, S. Parker, and P. Shirley. State of the art in ray tracing animated scenes. In *State of the Art Reports*, Eurographics, 2007.
- [7] Ingo Wald. On fast construction of sah-based bounding volume hierarchies. *Proc. of the IEEE/EG Symposium on Interactive Ray Tracing*, 2007.

# Beschleunigungsalgorithmus

## Heuristik zum Clustern von Dreiecken

- Betrachte Bounding Sphere  $S(k)$  mit Radius  $R(k)$ . Fläche des einbeschriebenen Kreises:

$$AreaC(k) = \pi \cdot R(k)^2$$

- Berechne mittleren Normalenvektor

$$\vec{N}_{avg}(k) = Normalisiert(\sum_{i=1}^k \vec{n}_i)$$

- Projiziere Fläche auf Kreis  $C$

$$AreaP(k) = \sum_{i=1}^k Area_i \cdot \|\vec{N}_{avg}(k) \cdot \vec{n}_i\|$$

- Bilde Quotient der Flächen

$$reg(k) = \frac{AreaP(k)}{AreaC(k)}$$

- Teile aktuelle Vertexzahl durch gewünschte Vertexzahl

$$regBound(k) = \frac{VertexCount(k)}{MaxCount}$$

- Teile Oberfläche von  $S(k)$  durch gewünschte mittlere Fläche

$$sizeBound(k) = \max(1, \frac{SA(S(k))}{MaxSize \cdot AvgSA})$$

- $reg(k)$ , meist in  $(0,1]$ , soll groß sein

- $regBound(k)$  in  $(0,1]$  soll klein sein

- $sizeBound(k)$  in  $(0,1]$  soll klein sein:

$$Acc(k) = reg(k) - regB(k) \cdot sizeB(k)$$