## **Vorlesung ''Mathematik für Forstwissenschaften''**Wintersemester 2013/14, mittwochs, 11:15-13:00, F03 (mit Übungen)

## Zeitplan und Themenübersicht

Einführung, Organisatorisches; Anwendungszwecke und Gegenstände der Mathematik,
Strukturbegriff: arithmetische, Ordnungs-, topologische Strukturen.
Aussagenlogik, Mengen (Schreibweise, Operationen), kartesisches Produkt; Zahlen-
mengen, Summen- und Produktzeichen; n-Tupel, Strings; Funktionsbegriff als Spezial-
fall der Relation / der Teilmenge eines kartes. Produktes, Injektivität, Surjektivität,
Bijektivität.
Wdh.: kartes. Produkt, Funktionsbegriff, Injektivität, Surjektivität, Bijektivität.
Inverse Abbildung, Beispiele wichtiger Umkehrfunktionen auf den reellen Zahlen.
Reelle Zahlen, Intervalle, Betragsfunktion, Potenzen, Wurzelziehen, Logarithmus.
Umgebung, Grenzwertbegriff.
Wdh.: reelle Zahlen, Funktionen.
R <sup>n</sup> , Begriffe "Vektor", "Skalar". Geometrische Deutung. Addition von Vektoren, Multi-
plikation "Skalar mal Vektor". Linearkombination, lineare Abhängigkeit, Rang, erzeu-
gendes System, Basis, Dimension, Standardbasis.
Wdh.: lin. Abhängigkeit.
Skalarprodukt, Norm / Länge von Vektoren, Orthogonalität, Winkelberechnung.
Wdh.: Skalarprodukt.
Lineare Abbildungen, Matrizen. Multiplikation Matrix mal Vektor. Spezielle Matrizen.
Summe von Matrizen, Transposition. Rang eines Vektorsystems, einer Matrix. Elemen-
tare Operationen. Gauß-Jordan-Verfahren zur Rangbestimmung.
Wdh.: Lineare Abbildungen und Matrizen, Rang.
Determinanten, geometr. Bedeutung, Berechnung (Sarrus), Entwicklung.
Wdh.: Determinanten.
Matrizenmultiplikation / Verkettung linearer Abbildungen. Spezialfälle der Matrizen-
multiplikation, Beispiele, Einheitsmatrix, inverse Matrix, reguläre Matrizen.
Wdh.: Matrixprodukt.
Lineare Gleichungssysteme: Einstieg, Schreibweisen, Satz von Frobenius, Lösungsver-
fahren (Übersicht).
Wdh.: Lineare Gleichungssysteme.
Lineare Abbildungen, Drehungen, Streckungen, Beispiel Schaftform (zentroaffines und
äquiformes Wachstum). Eigenwerte und Eigenvektoren (Definition).
Wdh.: Funktionen.
Schachtelung (Verkettung) von Funktionen. Folgen, Grenzwerte. Differentiation (mit 1
Variable), Differentiationsregeln, insbes. Kettenregel. Beispiele zur Ableitung, Be-
nutzung der Tabellen. Extremwertbestimmung, Kurvendiskussion.
Wdh.: Differentiationsregeln, Extremwerte.
Funktionen im $\mathbb{R}^n$ , Differentiation von Funktionen zweier Veränderlicher, geometrische
Bedeutung der partiellen Ableitungen, Tangentialebene. Extremwertbestimmung bei
Funktionen mit mehreren Variablen.
Wdh.: partielle Ableitungen, Extremwertbestimmung.
Integralrechnung: Einführung, Stammfunktion / unbestimmtes Integral, Benutzung der
Tabelle von Stammfunktionen.
Wdh.: unbestimmtes Integral.
Bestimmtes Integral (Riemann-Integral), Ober- und Untersummen. Hauptsatz d. Diffe-
rential- und Integralrechnung. Anwendung der Integralrechnung: Flächenberechnung.
Wdh.: bestimmtes Integral, Hauptsatz; Flächenberechnung.
Volumenberechnung bei Rotationskörpern. Beispiel Baumschaft-Volumen: Volumen-