Formale Systeme, Wintersemester 2018/19 Übung 2

Aufgabe 1

Zeigen Sie mit Hilfe des Resolutionskalküls die Allgemeingültigkeit der Formeln:

a)
$$(\neg A \land \neg B \land C) \lor (\neg A \land \neg C) \lor (B \land C) \lor A$$

b)
$$(A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$$

Aufgabe 2

Zeigen Sie mittels Resolutionsmethode, dass $\neg A \land B \land C$ eine Folgerung aus der Klauselmenge $F = \{\{A, B, \neg C\}, \{\neg A, B, \neg C\}, \{\neg A, \neg B\}, \{B, C\}, \{\neg B, C\}\} \text{ ist.}$

Aufgabe 3

Überprüfen Sie mittels Tableaukalküls, ob folgende Formeln Tautologien sind:

$$F = (A \rightarrow (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \rightarrow B) \rightarrow (A \rightarrow C))$$
$$G = ((A \rightarrow C) \lor (B \rightarrow C)) \rightarrow ((A \lor B) \rightarrow C)$$

Falls eine Formel keine Tautologie ist, geben Sie die Belegungen an, für die die Formel nicht wahr ist.

Aufgabe 4

Ein Bäcker möchte Rosinenbrötchen backen. Leider hat er nicht alle benötigten Zutaten: Ihm fehlen die Rosinen. Er kann jedoch einige vorhandene Zutaten gegen andere tauschen, und zwar:

```
Mehl + Eier \rightarrow Milch + Honig
Mandeln + Honig \rightarrow Rosinen
Milch + Hefe \rightarrow Mandeln.
```

Vorhanden sind Mehl, Eier und Hefe in großer Menge.

- (a) Übersetzen Sie die Aussagen in eine Hornformel.
- (b) Überprüfen Sie mit Hilfe des Markierungsalgorithmus (s. Schluss von Teil 1 des Skripts), ob der Bäcker die Rosinen erhalten kann. Geben Sie dabei an, in welchem Schritt Sie welche Aussagen markieren.

(Hinweis: Zu beweisen ist, dass die Verfügbarkeit der Rosinen eine Folgerung aus den oben genannten Aussagen ist. Übersetzen Sie die Frage, ob der Bäcker die Rosinen bekommt, in ein Unerfüllbarkeitsproblem.)

Aufgabe 5 (optional)

Recherchieren Sie im Internet die Grundlagen der PROLOG-Syntax. Schreiben Sie dann zu Aufgabe 4 ein PROLOG-Programm. Verwenden Sie das Prädikat "vorhanden". Wie wird die Antwort auf die Anfrage "?- vorhanden(rosinen)" lauten?