

Bildanalyse und Bildverstehen

Lösung zu Aufgabe U22

- (a) Geodetische Distanz $d_A(p,q)$
 = min. Länge eines p und q verbindenden Pfades
 (bzgl. 8-Nachbarschaft), der ganz in A liegt.

Metrik-Eigenschaften:

- positiv definit : $d_A(p,q) \geq 0$
 $d_A(p,q) = 0 \Leftrightarrow p=q$ (Pfadlänge 0) ✓
- symmetrisch : $d_A(p,q) = d_A(q,p)$ klar. ✓
- Dreiecksungleichung :
 Es muss gelten : $d_A(p,r) \leq d_A(p,q) + d_A(q,r)$



Pfad von p über q nach r mit Länge $d(p,q) + d(q,r)$ gehört zu dem Pfaden, über die in der Def. Von $d_A(p,r)$ das Minimum gebildet wird

⇒ Behauptung.

⇒

- (b) Für Menge M :

$$d_A(p,M) = \min \{ d_A(p,m) \mid m \in M \}.$$

Distanz zur mit "0" markierten Teilmenge :

2	1	0	1	2	3	4	5	6	7
1	1	0	1	2	3			6	7
0	0	0	1	2	3			7	7
1	1	1	1	2	3			8	8
					3			9	
				4	4		10	10	
	8			5	5				
	8	7	6	6	6	6		8	
	8	7				7	7	8	
				∞					

2	1	0	1	2	3	4	5	6	7
1	1	0	1	2	3			6	7
0	0	0	1	2	3			7	7
1	1	1	1	2	3			8	8
					3			9	

				4	4	10	10	
	8			5	5			
	8	7	6	6	6	6	8	
	8	7				7	7	8
				8				

(c) Definitionen (wiederholen):

Gehodetische Länge $L(A)$

Ausbreitungsfunktion PA

Geodät . Endpunkte

Geodät . Zentrum

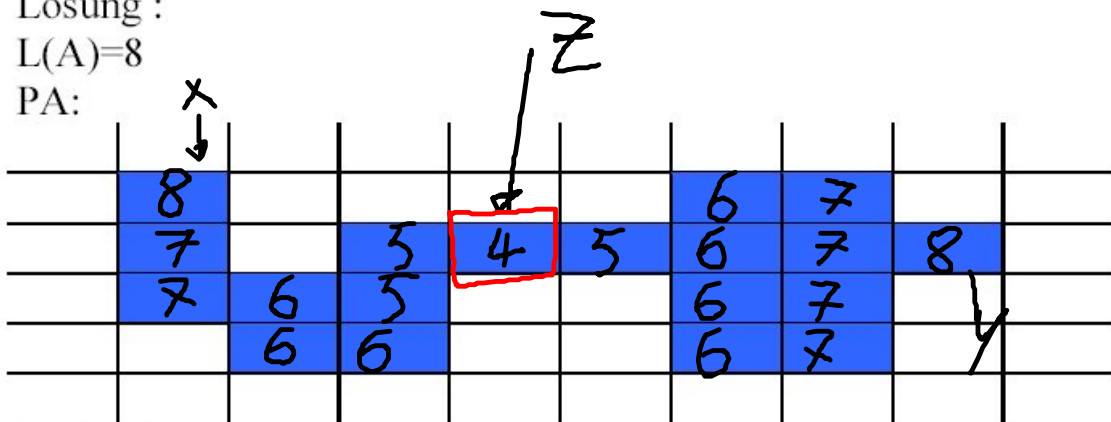
Geodät . Radius

Geodät . Formfaktor.

Lösung :

$L(A)=8$

PA:



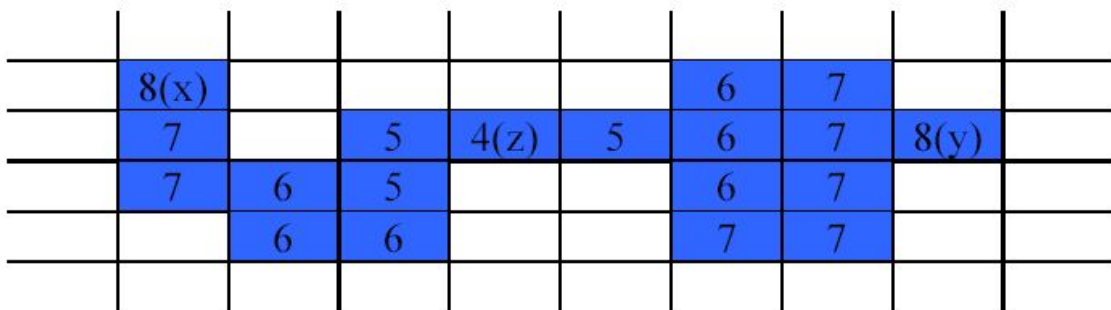
Endpunkt x,y

Zentrum z

Radius $r = 4$

Fläche = 19

$$\Rightarrow \text{Formfaktor} = \frac{\pi \cdot 64}{4 \cdot 19} \approx \frac{16}{19} \pi \approx 2.64 \text{ (Kreis = 1)}$$



(c) Bild

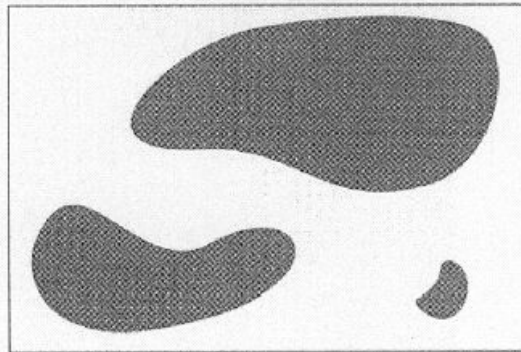




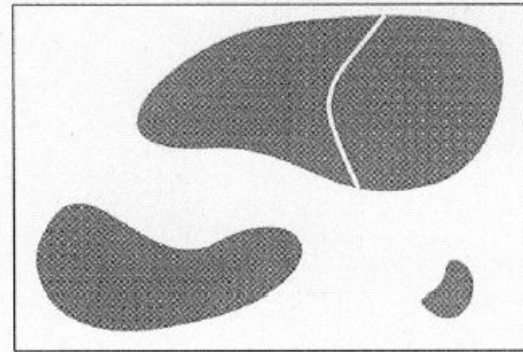
(a) Eingangsbild f .



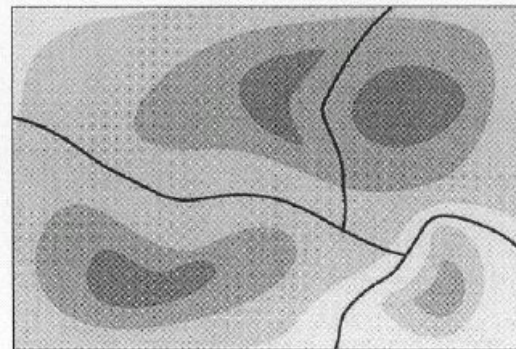
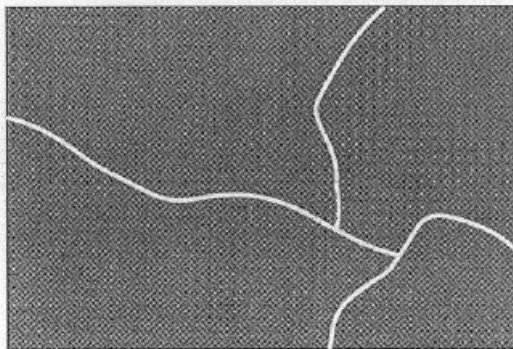
(b) $X_{h_{min}} = T_{h_{min}}(f)$.



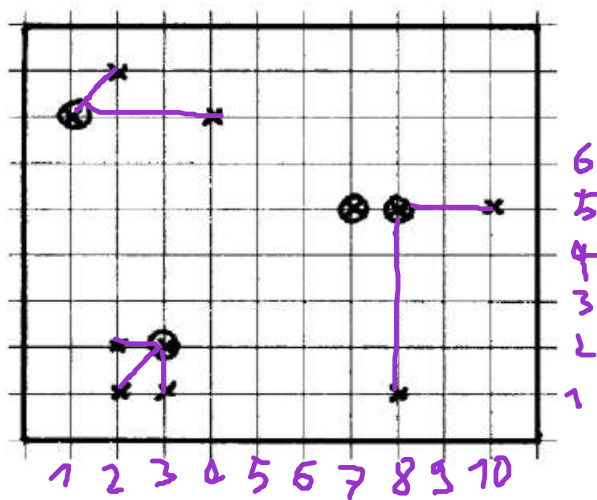
(c) $T_{t \leq h_{min+1}}(f)$.



(d) $X_{h_{min+1}} = \text{RMIN}_{h_{min+1}}(f) \cup \text{IZ}_{T_{t \leq h_{min+1}}(f)}(X_{h_{min}})$.



Lösung zu Aufgabe U23



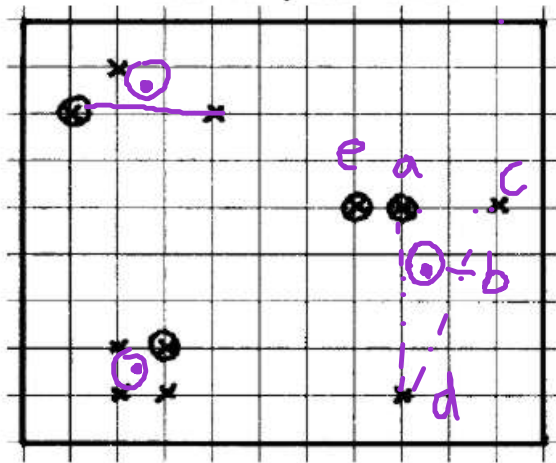
1. nächste markierte Nachbarn
2. Schwerpunkt jedes Clusters berechnen

Rechtes Cluster :

$$\begin{array}{r}
 (8;1) \\
 (8;5) \\
 \hline
 (10;5) \quad :3 \\
 (26;11) \rightarrow (8,667; 3,667)
 \end{array}$$

\(\rightarrow\) neue Reklamänummern

→ neue Repräsentante



3. Umgruppierung

- die beiden linken Cluster bleiben stabil
- a liegt näher an e als am neuen Zentrum b
(e,a) ; (c,d)

4. Stabilisierung der Cluster im nächsten Iterationsschritt:

(e,a); (c,d)

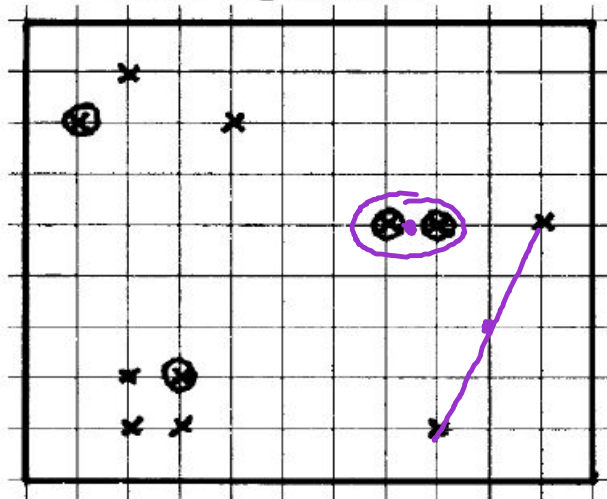
*Berechnung der Zuordnung des rechten Außenpunktes c:

$d(a, e) = 2$ (e ist Clusterzentrum des alten Clusters {e})

$$b = \frac{1}{3} (a+c+d) = \frac{1}{3} ((0;4) + (2;4)) = \left(\frac{2}{3}; \frac{8}{3}\right), C = (2;4)$$

$$d(c, b) = \sqrt{\left(\frac{4}{3}\right)^2 + \left(\frac{4}{3}\right)^2} = \frac{\sqrt{32}}{3} \approx 1.8856 < 2$$

⇒ C wird b zugeordnet.



Optimalität der entstandenen Clusterung (nach Stabilisierung):

Fehlerquadratsumme der beiden rechten Cluster

- im Vorliegenden Endzustand des Algorithmus :
 $1/4 + 1/4 + 5 + 5 = 10,5$
- wenn stattdessen c mit e und a ein Cluster bilden würde:

$$e \quad a \quad c \quad \left(\frac{4}{3}\right)^2 + \left(\frac{1}{3}\right)^2 + \left(\frac{5}{3}\right)^2 + 0 = 4,667 < 10,5!$$

⇒ Verfahren “Läuft sich fest” in lokalem Minimum,
welches nicht das globale Min. ist !