

Lösung zu Aufgabe U26

Vereinbarungen :

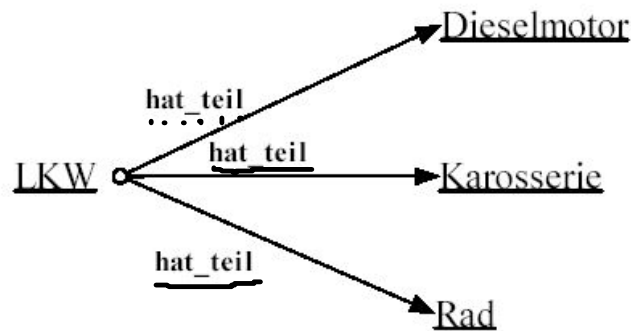
Kanten, die für Konzeptklassen Stehen, werden durch unterstrichene Bezeichner gekennzeichnet .

Die Repräsentation eines Individualkonzepts (Instanz) impliziert die Behauptung von dessen Existenz.

Eererbte Beschreibungsmerkmale werden nicht redundant repräsentiert .

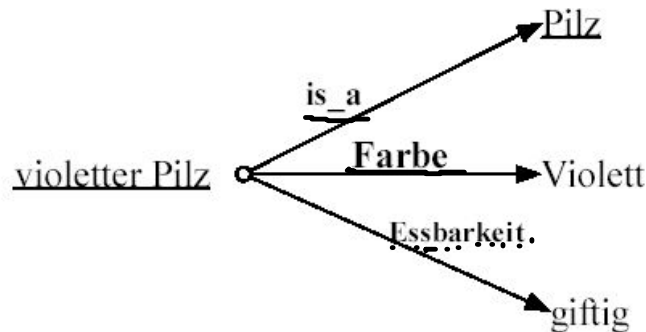
Wir unterscheiden zwischen kontingentem und definitorischem Wissen :
Kontingente Fakten könnten auch anders sein .

Beispiel :

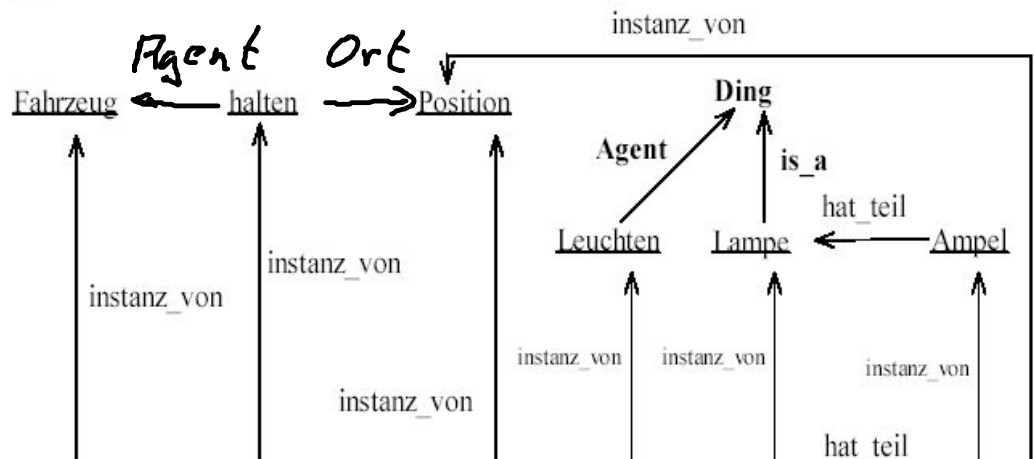


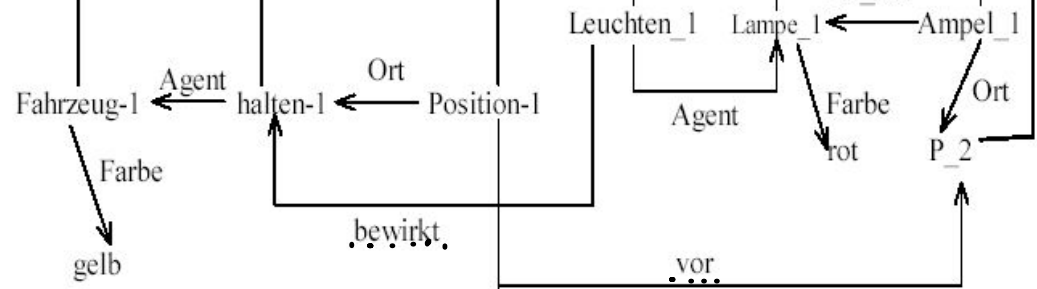
Kontingente Eigenschaftes- und Beziehungskanten werden durch gestrichelte Unterstreichung markiert (in der Literatur meist Kursiv).

(a)



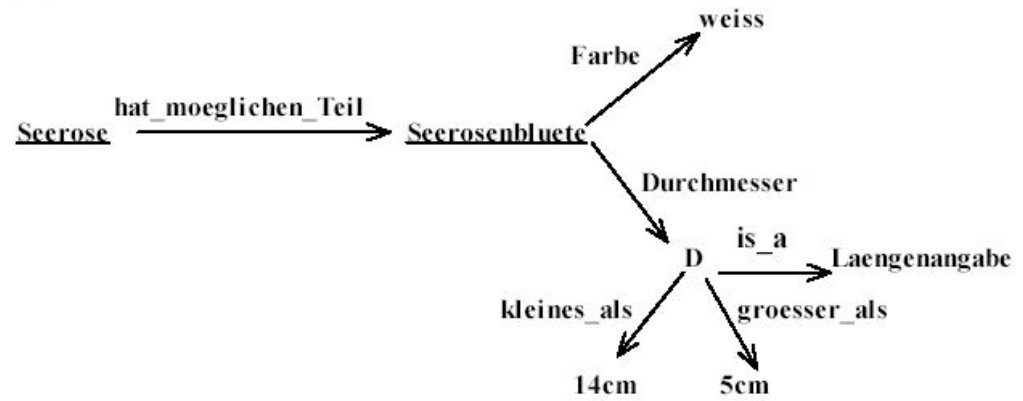
(b)



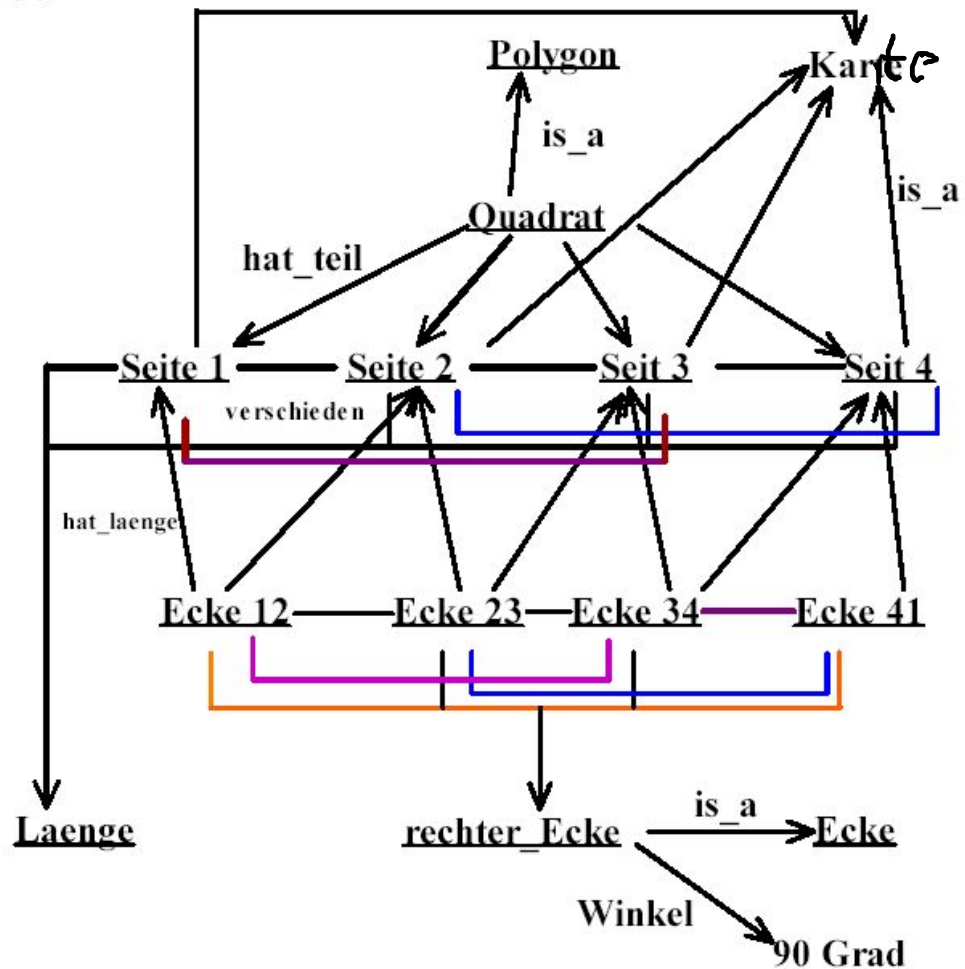


Vor und bewirkt sind Kontingente Beziehungskanten.

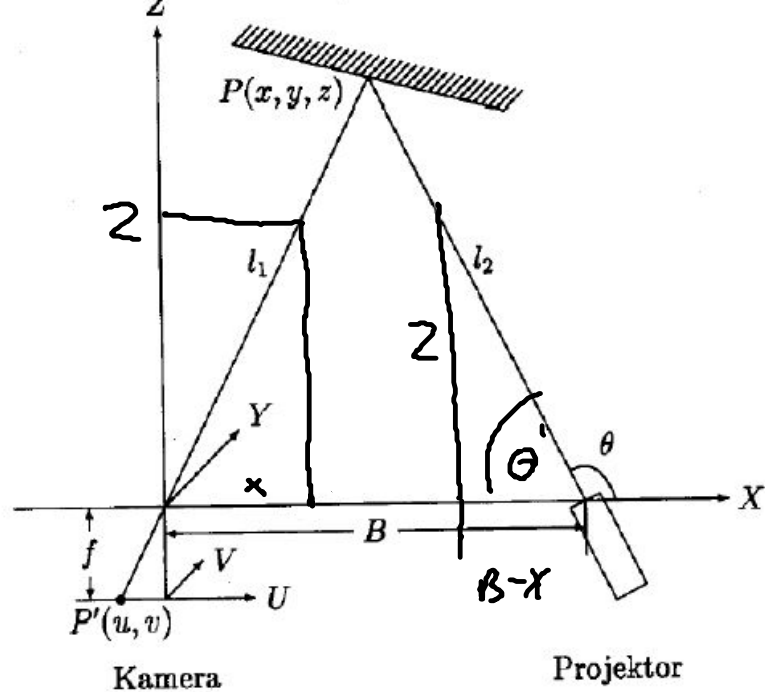
(C)



(d)



Lösung zu Aufgabe U27 (Tiefengewinnung)



O.B.d.A. habe das Koordinatensystem der Szene (Weltkoordinaten) das optische Zentrum der Kamera als Ursprung, und x- und y-Achse seien parallel zur u- bzw. v-Achse; z-Achse = optische Achse der Kamera (Siehe Abb.)

Ähnliche Dreiecke : $\frac{x}{z} = \frac{-u}{f} \quad \frac{y}{z} = \frac{-v}{f}$

$L_1 = \text{Gerade OP} : z = -\frac{f}{u}x$

$L_2 = \text{Projektion des Sichtstrahls in die } xz\text{-Ebene}$
($B = \text{Abstand des Projektors von der Kamera}$):

$$\tan \theta = \frac{z}{B-x}$$

$$\Rightarrow z = (B-x) \tan \theta' = (B-x) \tan(180^\circ - \theta) \\ = (x-B) \tan \theta$$

$$\Rightarrow (x-B) \tan \theta = -\frac{f}{u}x$$

$$x \tan \theta + \frac{f}{u}x = B \tan \theta$$

$$x = \frac{B \cdot \tan \theta}{\tan \theta + \frac{f}{u}} = \frac{B \cdot \tan \theta \cdot u}{u \cdot \tan \theta + f}$$

$$\Rightarrow z = -\frac{f}{u} \cdot \frac{B \cdot \tan \theta \cdot u}{u \cdot \tan \theta + f} = \frac{-B \cdot \tan \theta}{u \tan \theta + f}$$

$$\Rightarrow y = \frac{-vz}{f} = \frac{B \tan \theta}{u \cdot \tan \theta + f} \cdot v$$

Bildanalyse und Bildverstehen

Lösung zu Aufgabe U28 (Mahalanobis-Klassifikator)

Mahalanobis – Distanz :

$$d(\vec{x}, \vec{\mu}_0) = (\vec{x} - \vec{\mu}_0)^T \cdot \sum_0^{-1} (\vec{x} - \vec{\mu}_0)$$

Mittelwert Vektor $\vec{\mu}_0$ für Klasse κ_0 :

$$\vec{\mu}_0 = \frac{1}{5}(a+b+c+d+e) = \frac{1}{5} \begin{pmatrix} 2+4+2+3+5 \\ 13+12+11+11+10 \end{pmatrix} = \frac{1}{5} \begin{pmatrix} 16 \\ 57 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3,2 \\ 11,4 \end{pmatrix}$$

Kovarianzmatrix \sum_0 für κ_0 :

Enthält die Kovarianzen der 2 Merkmale .

$$\begin{aligned} \sum_0 &= \frac{1}{u_0 - 1} \sum_{j=0}^{u_0} (\vec{x}_j - \vec{\mu}_0)(\vec{x}_j - \vec{\mu}_0)^T \\ &= \frac{1}{4} ((a - \vec{\mu}_0)(a - \vec{\mu}_0)^T + \dots + (e - \vec{\mu}_0)(e - \vec{\mu}_0)^T) \\ &= \frac{1}{4} \left(\begin{pmatrix} -1,2 \\ 1,6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1,2 & 1,6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 0,8 \\ 0,6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0,8 & 0,6 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -1,2 \\ -0,4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -1,2 & 0,4 \end{pmatrix} + \dots \right. \\ &\quad \left. + \begin{pmatrix} -0,2 \\ -0,4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} -0,2 & -0,4 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1,8 \\ -1,4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1,8 & -1,4 \end{pmatrix} \right) \\ &= \frac{1}{4} \begin{pmatrix} 6,8 & -3,4 \\ -3,4 & 5,2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1,7 & -0,85 \\ -0,85 & 1,3 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

inverse Matrix :

$$\sum_0^{-1} = \frac{1}{\det \sum_0} \begin{pmatrix} \sigma_{11} & -\sigma_{01} \\ -\sigma_{10} & \sigma_{00} \end{pmatrix} = \frac{1}{1,7 \cdot 1,3 - 0,85^2} \begin{pmatrix} 1,3 & 0,85 \\ 0,85 & 1,7 \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 0,874 & 0,571 \\ 0,571 & 1,143 \end{pmatrix}$$

Streuungsvektor σ_0 :

$$\vec{\sigma}_0 = \begin{pmatrix} \sqrt{\sigma_{00}} \\ \sqrt{\sigma_{11}} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sqrt{1,7} \\ \sqrt{1,3} \end{pmatrix} \approx \begin{pmatrix} 1,304 \\ 1,140 \end{pmatrix}$$

Zurückweisungsschwelle d_0 für Klasse κ_0 :

$$d_0 = \vec{\sigma} \cdot \sum_0^{-1} \cdot \vec{\sigma}_0 = (1,304 \quad 1,140) \cdot \begin{pmatrix} 0,874 & 0,571 \\ 0,571 & 1,143 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1,304 \\ 1,140 \end{pmatrix} \approx 4,670$$

$p = c = \begin{pmatrix} 10 \end{pmatrix}$ Mahalanobis – Distanz :

$$\begin{aligned} d\left(p, \vec{\mu}_0\right) &= \left(p - \vec{\mu}_0\right)^T \cdot \Sigma_0^{-1} \left(p - \vec{\mu}_0\right) \\ &= (1,8 \quad -1,4) \begin{pmatrix} 0,874 & 0,571 \\ 0,571 & 1,143 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1,8 \\ -1,4 \end{pmatrix} \\ &= (0,774 \quad -0,5724) \begin{pmatrix} 1,8 \\ -1,4 \end{pmatrix} \approx 2,195 < d_0 \end{aligned}$$

\Rightarrow P wird zu κ_0 klassifiziert (sofern p nicht näher an anderer Klasse liegt)

$$q = \begin{pmatrix} 6 \\ 9 \end{pmatrix}; \quad M - D.:$$

$$\begin{aligned} d\left(p, \vec{\mu}_0\right) &= (2,8 \quad -2,4) \begin{pmatrix} 0,874 & 0,571 \\ 0,571 & 1,143 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2,8 \\ -2,4 \end{pmatrix} \\ &= (1,077 \quad -1,1444) \begin{pmatrix} 2,8 \\ -2,4 \end{pmatrix} \approx 5,762 > d_0 \\ &= q \text{ wird nicht zu } \kappa_0 \text{ klassifiziert.} \end{aligned}$$